

חשמל ומגנטיות לתלמידי הנדסה

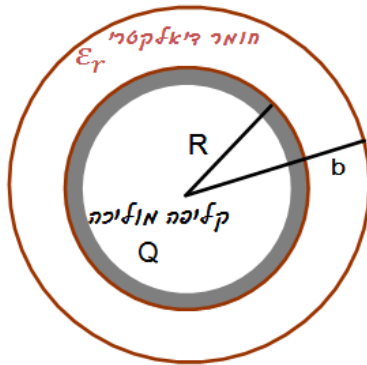
פרק 10 - חומרים דיאלקטריים

תוכן העניינים

1. הרצאות ותרגילים בסיסיים.....1

הרצאות ותרגילים בסיסיים:

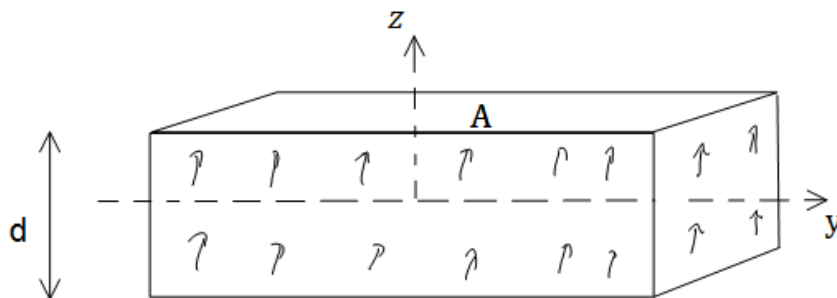
שאלות:



- (1) **חומר דיאלקטרי מסביב לקליפה מוליכה**
קליפה מוליכה (דקה) ברדיוס R טעונה במטען Q.
מסביב לקליפה נמצאת קליפה נוספת עבה עם רדיוס פנימי R ורדיוס חיצוני b.
מצא את השדה בכל המרחב ואת התפלגות המטען המושרית (קשורה).

(2) **תיבה מקוטבת**

תיבה בעלת שטח A ועובי d מקוטבת עם צפיפות קיטוב נתונה: $\vec{P} = P_0 \frac{z}{d} \hat{z}$
כאשר ראשית הצירים במרכז התיבה.
א. מצא את צפיפות המטען הקשורה (משטחית נפחית) בתיבה.
ב. מצא את סך המטען הקשור בתיבה.



(3) **כדור מקוטב רדיאלית**

כדור ברדיוס R מקוטב לפי: $\vec{P} = A \vec{r}$ כאשר A קבוע ו- $\vec{r}$ הוא וקטור ממרכז הכדור.
א. מצא את צפיפות המטען הקשורה (משטחית ונפחית).
ב. מצא את השדה מחוץ ובתוך הכדור.

(4) **גליל מקוטב באופן אחיד**

גליל מקוטב באופן אחיד ובמקביל לציר הסימטריה. רדיוס הגליל הוא R ואורכו L.
חשב את התפלגות המטען הקשור וצייר את קווי השדה במקרים הבאים:

א. $R \ll L$

ב. $L \ll R$

ג. $R \approx L$

(5) שדה של כדור עם צפיפות קיטוב אחידה

חשב את השדה של כדור מלא עם צפיפות קיטוב אחידה.

הדרכה: חשב את צפיפות המטען הקשור.

ניתן לתאר צפיפות מטען כזו באמצעות שני כדורים הטעונים בצפיפות מטען

אחידה ליחידת נפח הנמצאים במרחק קטן אחד מהשני.

מצא מה צריכה להיות הצפיפות של כל כדור (תלויה גם במרחק הקטן) ולאחר

מכן חשב את השדה בכל המרחב כסופרפוזיציה של השדות של שני הכדורים.

(6) קליפה כדורית דיאלקטרי

קליפה כדורית בעלת רדיוס פנימי a ורדיוס חיצוני b

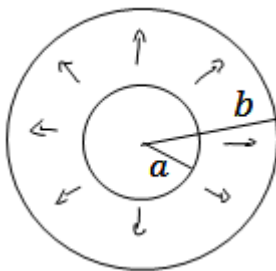
עשויה מחומר דיאלקטרי בעל צפיפות קיטוב

נתונה: $\vec{P}(\vec{r}) = \frac{A}{r} \hat{r}$ כאשר A קבוע ו- r הוא המרחק

ממרכז הקליפה.

מצא את השדה בכל המרחב פעם בעזרת צפיפות המטען

המושרה ופעם באמצעות השימוש בשדה ההעתקה.


(7) חוק סנל

קרן אור מורכבת משדה חשמלי ושדה מגנטי המתקדמים במרחב, הראה כי אם

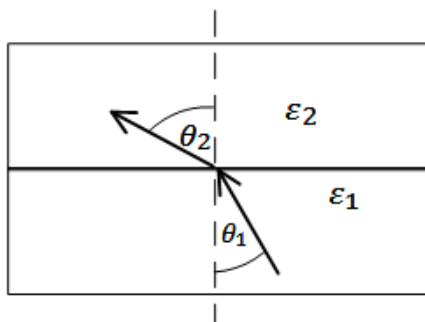
קרן האור עוברת מחומר דיאלקטרי בעל מקדם ϵ_1 לחומר בעל מקדם

דיאלקטרי ϵ_2 אז מתקיים חוק סנל (התעלם מהשדה המגנטי).

חוק סנל: $\tan \theta_1 = \frac{\epsilon_1}{\epsilon_2} \tan \theta_2$

כאשר θ_1 היא זווית הפגיעה של הקרן עם האנך ו- θ_2 היא זווית השבירה עם

האנך בחומר.



תשובות סופיות:

$$\vec{E}(r) = \begin{cases} 0 & r < R \\ \frac{kQ}{\epsilon_r r^2} \hat{r} & R < r < b \\ \frac{kQ}{r^2} & b < r \end{cases} \quad (1) \quad \text{השדה במרחב:}$$

התפלגות המטען המושרית: $\sigma_i(b) = \epsilon_0 \left(\frac{kQ}{b^2} - \frac{kQ}{\epsilon_r b^2} \right)$, $\sigma_i(R) = \frac{\epsilon_0 kQ}{R^2} \left(\frac{1}{\epsilon_r} - 1 \right)$

(2) א. צפיפות המטען משטחית: $\sigma_b = \frac{P_0}{2}$, נפחית: $\rho_b = -\frac{P_0}{d}$ ב. 0

(3) א. צפיפות המטען משטחית: $\sigma_b = A \cdot R$, נפחית: $\rho_b = -3A$

ב. שדה בתוך הכדור: $\vec{E} = \frac{Ar}{\epsilon_0} \hat{r}$, מחוץ לכדור: 0.

(4) א. $\vec{p} = qL\hat{z}$ ב. $\vec{E} = \frac{P_0}{\epsilon_0} \hat{z}$ ג. ראה סרטון

$$\vec{E} = \begin{cases} -\frac{P_0}{3\epsilon_0} \hat{z} & r < R \\ \frac{k(3(\vec{p} \cdot \hat{r})\hat{r} - \vec{p})}{r^3} & r > R \end{cases} \quad (5)$$

(6) $\vec{E} = 0$

(7) שאלת הוכחה